

Algorithmen und Programmierung

4. Übung

1. Aufgabe:

- Wir betrachten die 2er-Komplementdarstellung auf n und m , $m > n$, Stellen. Wie gewinnt man aus der 2er-Komplementdarstellung bezüglich n Stellen die 2er-Komplementdarstellung bezüglich m Stellen?
- Wir betrachten die 2er-Komplementdarstellung auf 4 Stellen. Geben Sie die Darstellung von -8, -4, -1, 3 und 5 in diesem 2er-Komplement an. Addieren Sie $3 + (-8)$, $(-4) + (-1)$, $(-8) + (-1)$.
- Wie kann man an den Überträgen erkennen, ob die Addition von 2er-Komplementzahlen auf n Stellen aus dem Bereich zwischen -2^{n-1} und $2^{n-1} - 1$ hinausführt?
- Notieren Sie die Reste der Division einer negativen Zahl durch 2, etwa -7, wie bei der Entstehung ihrer Binärdarstellung. Sehen Sie einen Zusammenhang zur 2er-Komplementdarstellung? Erläutern Sie diesen Zusammenhang am Beispiel der -7!

2. Aufgabe:

Wir betrachten die Zahlendarstellungen bezüglich 2 und 2^a , $a \geq 2$. Wie kann man die binäre Darstellung $(z_{n-1} \dots z_0)_2$ in $(x_{m-1} \dots x_0)_{2^a}$ leichter als mit dem üblichen Verfahren transformieren?

3. Aufgabe:

- Probieren Sie die Java-Operation `/` für ganzzahlige Division und `%` für ganzzahligen Rest auf positiven und negativen Zahlen aus. Vergleichen Sie das Ergebnis mit unserer Definition

$$a = DIV(a, b) \cdot b + MOD(a, b)$$

wobei $b \neq 0$ und $0 \leq MOD(a, b) < b$ festgelegt ist.

- Versuchen Sie herauszufinden, ob es in Java eine Möglichkeit gibt zu erkennen, ob bei der Addition ein Überlauf aufgetreten ist.

4. Aufgabe:

Beweisen Sie die wichtige Formel der geometrischen Reihe:

$$\sum_{i=0}^n a^i = \frac{1 - a^{n+1}}{1 - a}$$

5. Aufgabe:

Folgendes Programm zerlegt eine eingegebene Zahl in ihre Primfaktoren:

```
import Prog1Tools.IOTools;

public class Faktor {

    public static void main(String [] args) {

        long a ,d;
        a = IOTools.readLong("Einlesen_eines_langen_a_>=_2:_");
        System.out.println(a + "_soll_zerlegt_werden.");
        System.out.println();
        d = 2;

        while (d * d <= a) {
            while (a % d == 0){
                System.out.println(d + "_ist_Primfaktor");
                a = a / d;
            }
            d++;
        }
        System.out.println();
        if (a>1) {
            System.out.println(a + "_ist_Primfaktor");
        }
    }
}
```

Beschleunigen Sie den Faktorisierungsalgorithmus, indem Sie die Folge der Versuchsteiler d ausdünnen. Verhindern Sie dazu zunächst die Erzeugung aller Vielfachen von 2 oder 3. Überlegen Sie sich danach eine Methode, wie die noch vorhandenen Vielfachen von 5 leicht eliminiert werden können.